

RESOLUÇÃO

1.1. Os arcos têm a mesma amplitude porque são arcos compreendidos entre cordas paralelas.

$$\widehat{AD} = 2 \times A\widehat{B}D = 2 \times 25^\circ = 50^\circ$$

1.2. O triângulo é isósceles pois $\overline{OD} = \overline{OB}$ (uma vez que são raios da circunferência)

1.3.1. $B\widehat{O}C = \widehat{BC} = \widehat{AD} = 50^\circ$

1.3.2. $\widehat{AB} = \widehat{DC} - \widehat{AD} - \widehat{BC}$
 $= 180^\circ - 50^\circ - 50^\circ = 80^\circ$

1.3.3. $D\widehat{B}T = O\widehat{B}T + D\widehat{B}O$
 $= 90^\circ + 25^\circ = 115^\circ$

2. c) 60°

$$\widehat{AB} = \frac{180^\circ}{3} = 60^\circ$$

$$\beta = \frac{\widehat{BA} - \widehat{DE}}{2} = \frac{180^\circ - 60^\circ}{2} = 60^\circ$$

3.1. $h(0) = -0^2 + 8 \times 0 + 20 = 20$

R.: Os pilares medem 20 metros.

3.2. $h(x) = 0 \Leftrightarrow -x^2 + 8x + 20 = 0$
 $\Leftrightarrow x = \frac{-8 \pm \sqrt{8^2 - 4 \times (-1) \times 20}}{2(-1)}$
 $\Leftrightarrow x = \frac{-8 \pm \sqrt{144}}{-2}$
 $\Leftrightarrow x = \frac{-8 + 12}{-2}$
 $\Leftrightarrow x = -2 \vee x = 10$

R.: A distância entre os dois pilares é de 12 metros.

4. d)

$$\Delta = (-5)^2 - 4 \times 1 \times 2$$

5. $(4 - x)^2 = 25 - 8x$

$$\Leftrightarrow 16 - 8x + x^2 = 25 - 8x$$

$$\Leftrightarrow x^2 = 9$$

$$\Leftrightarrow x = \pm 3$$

$$S = \{-3; 3\}$$

6.1. Perímetro = $2\pi r = 2 \times \pi \times 30 = 60\pi$

$$\text{Distância} = 130 \times 60\pi \approx 24504 \text{ cm}$$

R.: A distância percorrida foi de 245 metros.

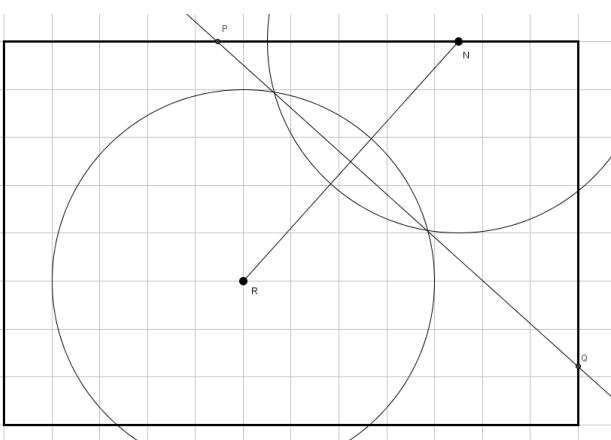
6.2.

Comprimento	Ângulo
60π	360°
\widehat{AB}	80°

$$\widehat{AB} = \frac{80^\circ \times 60\pi}{360^\circ} \approx 41,9$$

R.: O arco AB mede 41,9 centímetros.

7.



12.

$$\frac{x+3}{4} + 1 < x + \frac{x+1}{2}$$

$$\Leftrightarrow x + 3 + 4 < 4x + 2x + 2$$

$$\Leftrightarrow -5x < 5$$

$$\Leftrightarrow x > -\frac{5}{5}$$

$$\Leftrightarrow x > -1$$

$$S =]-1; +\infty[$$

8.1. $f(x) = 2x^2$

8.2. $5 = 2x^2 \Leftrightarrow x^2 = \frac{5}{2} \Leftrightarrow x^2 = \pm\sqrt{\frac{5}{2}}$

$$B\left(\sqrt{\frac{5}{2}}; 5\right)$$

8.3.

A: $f(1) = 2 \times 1^2 = 2$

C: $f(x) = 4 \Leftrightarrow 2x^2 = 4 \Leftrightarrow x^2 = 2 \Leftrightarrow x = \pm\sqrt{2}$

Área = $\frac{B+b}{2} \times h = \frac{4+2}{2} \times (1+\sqrt{2}) = 3+3\sqrt{2}$

9. a)

10.1. $\left(1 + \frac{1}{\sqrt{7}}\right) \times \sqrt{7} = \sqrt{7} + \frac{\sqrt{7}}{\sqrt{7}} = \sqrt{7} + 1$

10.2. $(2 - \sqrt{5})(2 + \sqrt{5}) = 4 - 5 = -1$

11.

$\sqrt{2} \approx 1,41$ (2 c.d.)

$\sqrt{3} \approx 1,73$ (2 c.d.)

R.: 1,5; 1,6 e 1,7

13. $4x - 9 \leq x \wedge x < 2x + 1$

$$\Leftrightarrow 3x \leq 9 \wedge -x < 1$$

$$\Leftrightarrow x \leq 3 \wedge x > -1$$

$$A = \{x \in \mathbb{N}: -1 < x \leq 3\} = \{1,2,3\}$$

14. $\cos 20^\circ = \frac{12,5}{AC} \Leftrightarrow AC = \frac{12,5}{\cos 20^\circ} \approx 12,9 \text{ cm}$

15.1. $\widehat{AC} = 2 \times \widehat{ABC} = 2 \times 42^\circ = 84^\circ$

15.2. $\cos 42^\circ = \frac{\overline{OD}}{6,8}$

$$\Leftrightarrow \overline{OD} = 6,8 \times \cos 42^\circ$$

$$\Leftrightarrow \overline{OD} \approx 5,05 \text{ cm}$$

$$\overline{DE} = \overline{OE} - \overline{OD} = 6,8 - 5,05 = 1,75$$

R.: O comprimento de DE é 1,75 centímetros.

16.1. $(\cos \alpha + \sin \alpha)^2$

$$= (\sin \alpha)^2 + 2 \cos \alpha \sin \alpha + (\cos \alpha)^2$$

$$= 1 + 2 \cos \alpha \sin \alpha$$

16.2. $2\cos^2 \alpha - 1$

$$= 2\cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha - \cos^2 \alpha$$

$$= \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha$$