

RESOLUÇÃO

1.1. $x = 1, (3)$

$$10x = 13, (3)$$

$$10x - x = 13, (3) - 1, (3)$$

$$\Leftrightarrow 9x = 12 \Leftrightarrow x = \frac{12}{9}$$

1.2. $x = 2, (45)$

$$100x = 245, (45)$$

$$100x - x = 245, (45) - 2, (45)$$

$$\Leftrightarrow 99x = 243 \Leftrightarrow x = \frac{243}{99}$$

2.1. $0,000045 = 4,5 \times 10^{-5}$

2.2. $23 \times 10^2 = 2,3 \times 10^3$

2.3. $48,6 \times 10^{-5} = 4,86 \times 10^{-4}$

2.4. $0,036 \times 10^3 = 3,6 \times 10^1$

3.1. $3^2 \times 4^2 = 12^2$

3.2. $5^3 \times 5 \div 5^2 = 5^4 \div 5^2 = 5^2$

3.3. $3^4 \times 3^2 \times 3^0 = 3^6 \times 3^0 = 3^6$

3.4. $8^4 \times 4^3 \div (2^2)^5 = (2^3)^4 \times (2^2)^3 \div 2^{10}$
 $= 2^{12} \times 2^6 \div 2^{10}$
 $= 2^{18} \div 2^{10}$
 $= 2^8$

3.5. $\frac{7^2 \times 3^5}{3^2 \times 3^3} = \frac{7^2 \times 3^5}{3^5} = 7^2 \times 1 = 7^2$

3.6. $28^4 \div 7^4 \div 2^4 = 4^4 \div 2^4 = 2^4$

4. $x^2 = 6^2 + 8^2$

$$\Leftrightarrow x^2 = 36 + 64$$

$$\Leftrightarrow x^2 = 100$$

$$\Leftrightarrow x = \pm\sqrt{100}$$

$$\Rightarrow x = 10$$

$$5^2 = 4^2 + x^2$$

$$\Leftrightarrow 25 = 16 + x^2$$

$$\Leftrightarrow x^2 = 25 - 16$$

$$\Leftrightarrow x = \pm\sqrt{9}$$

$$\Rightarrow x = 3$$

5. $5 \times 24 = 120 \text{ cm}$

$$x^2 = 120^2 + 90^2$$

$$\Leftrightarrow x^2 = 14400 + 8100$$

$$\Leftrightarrow x^2 = 22500$$

$$\Leftrightarrow x = \pm\sqrt{22500}$$

$$\Rightarrow x = 150$$

$$150 + 30 + 30 = 210 \text{ cm} = 2,10 \text{ m}$$

R.: O corrimão tem 2,10 metros de comprimento.

6. $x^2 = 16^2 + 10^2 + 12^2$

$$\Leftrightarrow x^2 = 256 + 100 + 144$$

$$\Leftrightarrow x^2 = 500$$

$$\Leftrightarrow x = \pm\sqrt{500}$$

$$\Rightarrow x \approx 22,36$$

R.: O lápis pode medir, no máximo, 22,36 unidades de medida.

7.

$$y = 2x + 4$$

8. $m = \frac{-3-3}{-6-3} = \frac{-6}{-9} = \frac{2}{3}$

$$y = mx + b$$

$$3 = \frac{2}{3} \times 3 + b \Leftrightarrow 3 = 2 + b \Leftrightarrow b = 3 - 2 = 1$$

$$y = \frac{2}{3}x + 1$$

9. $m = 3$

$$y = mx + b$$

$$2 = 3 \times 3 + b \Leftrightarrow 2 = 9 + b \Leftrightarrow b = 2 - 9 = -7$$

$$y = 3x - 7$$

10.1. A ordenada na origem da reta b é 2. A ordenada na origem da reta c é -4.

10.2. $(0; 0); (1; 2)$

$$m = \frac{2 - 0}{1 - 0} = 2$$

O declive da reta a é 2.

O declive da reta b é igualmente 2 uma vez que a e b são paralelas.

10.3.

$a: y = 2x \rightarrow$ função linear

$b: y = 2x + 2 \rightarrow$ função afim

$d: y = -3 \rightarrow$ função constante

10.4. $c: y = 2x - 4$

$$6 = 2 \times 5 - 4 \Leftrightarrow 6 = 10 - 4 \Leftrightarrow 6 = 6$$

O ponto pertence à reta.

11.1. $\overrightarrow{FE} + \overrightarrow{EB} = \overrightarrow{FB}$

11.5. $\overrightarrow{AC} - \overrightarrow{CD} = \overrightarrow{AB}$

11.2. $\overrightarrow{CI} + \overrightarrow{DE} = \overrightarrow{CH}$

11.6. $\overrightarrow{ED} + \overrightarrow{JI} = \vec{0}$

11.3. $\overrightarrow{KB} + \overrightarrow{JI} = \overrightarrow{KC}$

11.7. $\overrightarrow{FE} + \vec{0} = \overrightarrow{FE}$

11.4. $\overrightarrow{LA} + \overrightarrow{AB} = \overrightarrow{LB}$

11.8. $\overrightarrow{LH} + \overrightarrow{BC} = \overrightarrow{MH}$

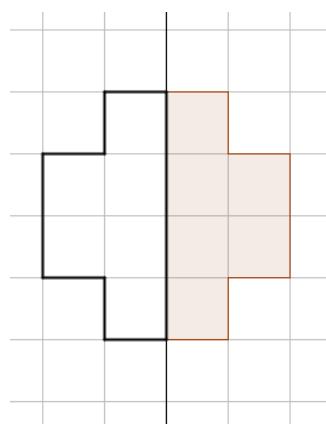
13.6. $9x^2 + 6x + 1 = 0 \Leftrightarrow (3x + 1)^2 = 0$

$$\Leftrightarrow 3x + 1 = 0 \vee 3x + 1 = 0$$

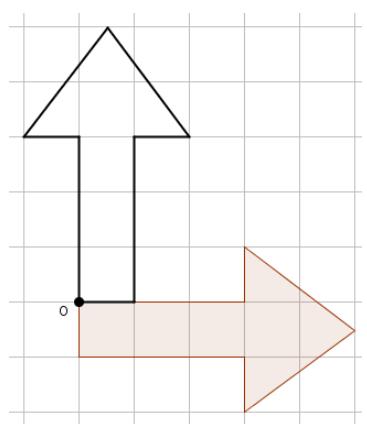
$$\Leftrightarrow x = -\frac{1}{3} \vee x = -\frac{1}{3}$$

$$S = \left\{ -\frac{1}{3} \right\}$$

12.1.



12.2.



13.1. $4x^2 = 36 \Leftrightarrow x^2 = \frac{36}{4}$

$$\Leftrightarrow x^2 = \pm\sqrt{9}$$

$$\Leftrightarrow x = \pm 3$$

$$S = \{-3; 3\}$$

13.2. $x^2 - 5x = 0 \Leftrightarrow x(x - 5) = 0$

$$\Leftrightarrow x = 0 \vee x - 5 = 0$$

$$\Leftrightarrow x = 0 \vee x = 5$$

$$S = \{0; 5\}$$

13.3. $2x^2 = 50 \Leftrightarrow x^2 = \frac{50}{2}$

$$\Leftrightarrow x^2 = \pm\sqrt{25}$$

$$\Leftrightarrow x = \pm 5$$

$$S = \{-5; 5\}$$

13.4. $2x^2 + 8x = 0 \Leftrightarrow 2x(x + 4) = 0$

$$\Leftrightarrow 2x = 0 \vee x + 4 = 0$$

$$\Leftrightarrow x = 0 \vee x = -4$$

$$S = \{-4; 0\}$$

13.5. $x^2 + 4x + 4 = 0 \Leftrightarrow (x + 2)^2 = 0$

$$\Leftrightarrow x + 2 = 0 \vee x + 2 = 0$$

$$\Leftrightarrow x = -2 \vee x = -2$$

$$S = \{-2\}$$

<p>13.7. $(x + 5)(x - 5) = 0 \Leftrightarrow x + 5 = 0 \vee x - 5 = 0$ $\Leftrightarrow x = -5 \vee x = 5$</p> <p style="text-align: right;">$S = \{-5; 5\}$</p>	<p>13.8. $x^2 - 16 = 0 \Leftrightarrow x^2 = 16$ $\Leftrightarrow x^2 = \pm\sqrt{16}$ $\Leftrightarrow x = \pm 4$</p> <p style="text-align: right;">$S = \{-4; 4\}$</p>
<p>14.1. $\begin{cases} 2 \times 1 + 3 \times 1 = 5 \\ \frac{15-3 \times 1}{2} = 6 \times 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 2 + 3 = 5 \\ \frac{15-12}{2} = 6 \end{cases}$</p> <p>$\Leftrightarrow \begin{cases} 5 = 5 \\ \frac{12}{2} = 6 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 5 = 5 \\ 6 = 6 \end{cases}$</p> <p>R.: (1; 1) é solução do sistema de equações.</p>	<p>14.2. $\begin{cases} 3 \times 2 - 3 \times 3 = 12 \\ 2 \times 3 - 7 + 2 \times 2 = 0 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 6 - 9 = 12 \\ 6 - 7 + 4 = 0 \end{cases}$</p> <p>$\Leftrightarrow \begin{cases} -3 = 12 \\ 3 = 0 \end{cases}$</p> <p>R.: (2; 3) não é solução do sistema de equações.</p>
<p>15.1. $\begin{cases} x + 3y = 5 \\ \frac{10-2x}{2} = 6y \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 5 - 3y \\ \frac{10-2(5-3y)}{2} = 6y \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \underline{\underline{x = 5 - 3y}} \\ \underline{\underline{\frac{10-10+6y}{2} = 6y}} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \underline{\underline{\frac{6y}{2} = 6y}} \\ \underline{\underline{3y - 6y = 0}} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x = 5 \\ y = 0 \end{cases}$</p> <p style="text-align: center;">$S = \{(5; 0)\}$</p>	
<p>15.2. $\begin{cases} 3x + y = 4 \\ 2\left(\frac{3-6x}{3}\right) = 4y \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 4 - 3x \\ \left(\frac{6-12x}{3}\right) = 4(4 - 3x) \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \underline{\underline{y = 4 - 3x}} \\ \underline{\underline{\left(\frac{6-12x}{3}\right) = 4(4 - 3x)}} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \underline{\underline{2 - 4x = 16 - 12x}} \\ \underline{\underline{-4x + 12x = 16 - 2}} \end{cases}$</p> <p>$\Leftrightarrow \begin{cases} \underline{\underline{8x = 14}} \\ \underline{\underline{x = \frac{14}{8} = \frac{7}{4}}} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 4 - 3 \times \frac{7}{4} \\ x = \frac{7}{4} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = 4 - \frac{21}{4} \\ x = \frac{7}{4} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = \frac{16}{4} - \frac{21}{4} \\ x = \frac{7}{4} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} y = -\frac{5}{4} \\ x = \frac{7}{4} \end{cases}$</p> <p style="text-align: center;">$S = \left\{ \left(\frac{7}{4}; -\frac{5}{4} \right) \right\}$</p>	
<p>15.3. $\begin{cases} (x - 2)^2 = x(x - 4) + 2y \\ 2y = 2x - 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} x^2 - 4x + 4 = x^2 - 4x + 2y \\ \underline{\underline{2y = 2x - 1}} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} 4 = 2y \\ 4 = 2x - 1 \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \underline{\underline{4 = 2y}} \\ \underline{\underline{4 = 2x - 1}} \end{cases} \Leftrightarrow \begin{cases} \underline{\underline{4 + 1 = 2x}} \\ \underline{\underline{4 = 2x}} \end{cases}$</p> <p>$\Leftrightarrow \begin{cases} y = 2 \\ \frac{5}{2} = x \end{cases}$</p> <p style="text-align: center;">$S = \left\{ \left(\frac{5}{2}; 2 \right) \right\}$</p>	